

قسمت چهارم اندازه گیری زاویه افقی با وسیله ساده تعداد صفحات: ۳	بسمه تعالیٰ جزوه مهندسی اطلاعات تپهه و تنظیم: دکتر علیرضا قراگوزلو کد جزو: ۱۰۰ - ۱ ۱۳۸۹	 آموزشکده نقشه برداری
---	--	--

اندازه گیری زاویه افقی با وسائل ساده

اندازه گیری زاویه افقی با متر

الف - اندازه گیری زاویه افقی در یک مثلث قائم الزاویه

یک مثلث قائم الزاویه مفروض است. برای محاسبه زوایای این مثلث کافی است که:

۱ - اضلاع آن را اندازه گیری نماییم.

۲ - زاویه a را از سه روش می توانیم محاسبه کنیم:

$$1 - \sin a = \frac{a}{c} \Rightarrow a = A r c \sin \frac{a}{c}$$

$$2 - \cos a = \frac{b}{c} \Rightarrow a = A r c \cos \frac{b}{c}$$

$$3 - \operatorname{tg} a = \frac{a}{b} \Rightarrow a = A r c \operatorname{tg} \frac{a}{b}$$

۳ - با مراجعه به جدول محاسباتی، می توانیم زاویه a را پیدا کنیم.

۴ - میانگین سه اندازه به دست آمده را زاویه a می نامیم

۵ - زاویه B را نیز به سه روش یاد شده اندازه گیری می کنیم.

۶ - زاویه B را با زاویه A جمع می کنیم:

۷ - این مجموع را با 90° (نود درجه) مقایسه می کنیم تا خطایا اشتباه اندازه گیری را بدست آوریم:

$$90^\circ - (A^\circ + B^\circ)$$

۸ - عدد حاصل را نصف کرده با اندازه زوایای A و B جمع جبری می کنیم تا اندازه اصلاح شده دو زاویه A و B به دست بیاید.

نکته: البته در صورتی می توانیم این مقدار اختلاف را بر روی دو زاویه A و B سرشکن کنیم تا این

اختلاف موردنی باشد، یعنی آن را خطاب دانیم. در صورتی که این اختلاف آنقدر بزرگ باشد که آن را اشتباه دانیم در آن صورت، نه تنها این اختلاف را سرشکن نمی کنیم، بلکه باید یکبار دیگر اندازه گیری ها را تکرار نماییم.

ب - تعیین زوایای یک مثلث غیر مشخص

می خواهیم زوایای مثلث ABC را تعیین کنیم. روش کار به این شرح است:

۱- اضلاع مثلث ABC را بدقت به وسیله متر اندازه گیری می کنیم.

۲- بر اساس این رابطه ها سینوس زوایا را محاسبه می کنیم:

$$\cos \hat{A} = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} \quad \text{و}$$

$$\cos \hat{B} = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac} \quad \text{و}$$

$$\cos \hat{C} = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab}$$

۳- با استفاده از جداول مثلثاتی یا ماشین های حساب مقادیر زوایای \hat{A} و \hat{B} و \hat{C} را پیدامی کنیم.

۴- مجموع این زوایا را محاسبه می کنیم:

$$\hat{Z} = \hat{A} + \hat{B} + \hat{C}$$

$$180^\circ - \hat{Z}$$

۵- این مجموع را با 180° مقایسه می کنیم.

۶- در صورتی که مقدار این اختلاف پذیرفتی باشد، یعنی این اختلاف را بتوانیم خطاب بنامیم، آنرا تقسیم بر ۳ می کنیم و با اندازه زوایا جمع جبری کرده اندازه اصلاح شده زوایا را محاسبه می کنیم.

هرگاه این مقدار اختلاف آنقدر بزرگ باشد که اشتباه محسوب گردد باید اندازه گیری ها را تکرار کنیم.

ج - تعیین زاویه افقی با استفاده از مثلث متساوی الساقین

روش اول؛ روش سینوس ها: می خواهیم مقدار زاویه A را تعیین کنیم. با توجه به شکل به این ترتیب

عمل می کنیم:

۱- بر روی دو ضلع زاویه A با کمک نوار اندازه گیری بلند، به اندازه مشخص نقطه b

جدامی کنیم و در روی این نقاط، مانند M و N برای فاصله MN را با کمک نوار اندازه گیری بدقت اندازه گیری می کنیم.

۲- با استفاده از فرمول سینوس نصف زاویه A را محاسبه می کنیم:

$$\sin \frac{A}{2} = \frac{a}{2b}$$

۳- با استفاده از جداول مثلثاتی یا ماشین حساب مقدار $\frac{A}{2}$ را پیدامی کنیم.

۴- با دو برابر کردن این عدد اندازه زاویه A را به دست می آوریم:

$$A = \frac{A}{2} \times 2$$

۵- برای اطمینان از درستی کار، یکبار دیگر بر روی اضلاع این زاویه طول های یکسان دیگری

جدامی کنیم و ضلع سوم مثلث حاصل را نیز مترکشی می کنیم.

۶- یکبار دیگر از روی اندازه های حاصل، زاویه A را محاسبه می کنیم.

روش دوم، روش کسینوس ها: در شکل ۴-۵ می خواهیم مقدار زاویه A را تعیین کنیم.

با توجه به شکل به این ترتیب عمل می کنیم:

۱- بر روی یکی از اضلاع زاویه طول دلخواه $AN=b$ را جدامی کنیم تا به نقطه N برسیم.

۲- از نقطه N کمانی به شعاع b می زنیم تا ضلع دیگر زاویه A را در نقطه M قطع کند.

۳- طول $AM=a$ را مترکشی می کنیم.

۴- با استفاده از فرمول کسینوس ها دی یک مثلث غیر مشخص داریم:

$$MN^2 = AM^2 + AN^2 - 2AM \times AN \times \cos A$$

با توجه به شکل ۴-۵ داریم:

$$b^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos A$$

با ساده کردن رابطه فوق داریم:

$$\cos A = \frac{a}{2b}$$

بنابراین کسینوس زاویه A عبارت است از:

۵- با داشتن مقدار $\cos A$ ، اندازه زاویه A را از رابطه زیر محاسبه می کنیم:

$$A = \text{Arc} \cos \frac{a}{2b}$$